

Trabajo práctico 1

El parser genérico Lleca

Fecha de entrega: 12 de octubre

Índice

| | |
|---|----|
| 1. Introducción | 1 |
| 2. Análisis léxico | 2 |
| 2.1. Pseudocódigo para el tokenizador | 4 |
| 3. Lectura de la gramática | 5 |
| 3.1. Descripción informal del lenguaje Lleca | 5 |
| 3.2. Gramática del lenguaje Lleca | 6 |
| 3.3. Analizador sintáctico para el lenguaje Lleca | 7 |
| 4. Procesamiento del archivo fuente | 7 |
| 4.1. Cálculo del conjunto de palabras clave y símbolos reservados | 7 |
| 4.2. Construcción de la tabla de análisis sintáctico LL(1) | 7 |
| 4.2.1. Cálculo del conjunto FIRST | 7 |
| 4.2.2. Cálculo del conjunto FOLLOW | 8 |
| 4.2.3. Cálculo de la tabla LL(1) | 9 |
| 4.3. Análisis sintáctico | 9 |
| 4.4. Acciones | 10 |
| 5. Pautas de entrega | 11 |

1. Introducción

Este TP consiste en implementar un lenguaje genérico de análisis sintáctico que llamaremos Lleca. El parser Lleca recibe como entrada una gramática que describe un lenguaje. Por ejemplo, el archivo **robot.ll** contiene la especificación de un lenguaje para controlar un robot:

```
robot.ll

programa
| /* programa vacío */ => Fin
| comando programa   => Secuencia($1, $2)

comando
| "AVANZAR" NUM      => CmdAvanzar($2)
| "GIRAR" sentido    => CmdGirar($2)

sentido
| "IZQ"              => Izquierda
| "DER"              => Derecha
```

Cada producción de la gramática está acompañada de una acción. Las acciones se escriben después de una flecha “=>” e indican cuál es el resultado que se debe asociar a dicha construcción gramatical. El resultado asociado a cada construcción es siempre un árbol. El parser Lleca recibe además como entrada un archivo fuente, por ejemplo el siguiente:

```

esquina.input
AVANZAR 10 GIRAR DER AVANZAR 10

```

El parser Lleca analiza el archivo fuente con la gramática indicada, y produce un árbol como resultado. Por ejemplo, si se invoca al parser con la gramática **robot.ll** y el archivo fuente **esquina.input**, se obtiene como resultado el siguiente árbol:

```

Secuencia( CmdAvanzar(10),
           Secuencia( CmdGirar(Derecha),
                     Secuencia( CmdAvanzar(10),
                               Fin ) ) )

```

En caso de que el archivo fuente no esté en el lenguaje generado por la gramática, Lleca debe emitir un mensaje de error. En el contexto de este TP no es necesario que los mensajes de error sean descriptivos¹; alcanzará con indicar que hay un error de sintaxis.

2. Análisis léxico

En este apartado se describe cómo debe funcionar el analizador léxico o tokenizador. El mismo analizador léxico se utilizará para segmentar tanto la gramática como el archivo fuente. Los archivos que manipula Lleca constan de una secuencia de tokens:

- **Identificadores.** Son simplemente nombres. En distintos lenguajes y contextos pueden representar diferentes cosas; por ejemplo, nombres de variables o funciones. Los identificadores son de la forma [a-zA-Z_][a-zA-Z0-9_]* es decir, constan de:
 - Un primer caracter que debe ser alfabético (a, ..., z, A, ..., Z) o un guión bajo (_).
 - Seguido de una secuencia de 0 o más caracteres que pueden ser alfabéticos (a, ..., z, A, ..., Z), dígitos (0, ..., 9) o un guión bajo (_).

Ejemplos de identificadores:

```

x      y      foo      BAR      _      CamelCase      f_o_o      foo42

```

Idealmente los identificadores deberían ser de longitud ilimitada, pero se acepta que la implementación se restrinja a identificadores de longitud entre 1 y 63.

- **Números.** Son constantes numéricas (enteros no negativos). Son de la forma [0-9]+ es decir, constan de una secuencia de uno o más dígitos.

Ejemplos de constantes numéricas:

```

0      1      2      001      42      123456789

```

Idealmente las constantes numéricas deberían ser de longitud ilimitada, pero se acepta que la implementación se restrinja a constantes numéricas entre 0 y $2^{31} - 1$, que corresponde al máximo entero positivo representable en un entero de 32 bits con signo.

¹Pero cuanto más descriptivos, mejor.

- **Cadenas.** Constantes de cadena (*strings*). Empiezan con una comilla doble (") y finalizan con una comilla doble ("). Todos los caracteres comprendidos entre la primera comilla y la segunda comilla se consideran el contenido del string. Además, se deben aceptar las siguientes secuencias de escape:
 - \\" – contrabarra (\) seguida de una comilla doble ("): representa una única comilla doble (").
 - \\ – contrabarra (\) seguida de contrabarra (\): representa una única contrabarra (\).

Por ejemplo, la constante de cadena "Hola \"mundo\"." representa un texto de longitud 13.

Idealmente las cadenas deberían ser de longitud ilimitada, pero se acepta que la implementación se restrinja a constantes numéricas de hasta 1023 caracteres.

Ejemplos de constantes de cadena:

```
""      "a"      "b"      "abc"     "\\\"      "\"a\""
```

- **Literales: palabras clave y símbolos reservados.** Llamamos *literales* a las palabras clave y símbolos reservados del lenguaje. El conjunto de palabras clave y símbolos reservados depende del lenguaje. Por ejemplo, en un lenguaje como Python la cadena and es una palabra clave (que representa el “y” lógico) y ** es un símbolo reservado (que representa la potencia), mientras que en un lenguaje como C la palabra and es simplemente un identificador (que podría ser el nombre de una variable o una función) y la cadena ** se tokeniza como una secuencia de dos símbolos reservados (es decir, dos veces el literal *). Es por eso que el tokenizador debe ser *paramétrico*.

Dicho de otro modo, cuando se crea un tokenizador, se deben proveer dos conjuntos de strings:

- Un conjunto \mathcal{K} de **palabras clave**.
- Un conjunto \mathcal{S} de **símbolos reservados**.

Por ejemplo, si el conjunto de palabras clave es vacío, es decir $\mathcal{K} = \emptyset$, y el conjunto de símbolos reservados es $\mathcal{S} = \{“+”\}$, entonces el siguiente archivo de entrada:

```
if++x
```

consta de cuatro tokens:

1. el identificador "if",
2. el símbolo reservado "+",
3. el símbolo reservado "+",
4. el identificador "x".

En cambio si el conjunto de palabras clave es $\mathcal{K} = \{“if”\}$ y el conjunto de símbolos reservados es $\mathcal{S} = \{“++”\}$, el mismo archivo de entrada consta de sólo tres tokens:

1. la **palabra clave** "if",
2. el símbolo reservado "++",
3. el identificador "x".

El conjunto \mathcal{K} de palabras clave debe contener únicamente palabras de la forma $[a-zA-Z_][a-zA-Z0-9_]*$. Por ejemplo, las siguientes podrían ser palabras clave en algún lenguaje:

```
if      then      else      while      return      BEGIN      END      _
```

El conjunto \mathcal{S} de símbolos reservados debe contener únicamente símbolos formados por cualquiera de los siguientes caracteres:

```
( ) [ ] { } , ; : . + - * / % ! ? $ @ # | & = < > ~ ^ \
```

Por ejemplo, los siguientes podrían ser símbolos reservados en algún lenguaje:

+ : ++ -> >> <*> \$\$

La única excepción es que un símbolo reservado **no** puede comenzar con `/*` porque dicha combinación se utiliza para delimitar comentarios.

Las palabras clave y símbolos reservados se tratan de manera ligeramente distinta. Cuando el tokenizador reconoce una secuencia de caracteres de la forma `[a-zA-Z_] [a-zA-Z0-9_]*` que podrían componer un identificador, verifica si se encuentra dentro del conjunto de palabras clave \mathcal{K} o no. Por ejemplo, si $\mathcal{K} = \{\text{"if"}\}$, el siguiente archivo de entrada:

```
if x ifx
```

consta de tres tokens:

1. la palabra clave "if".
2. el identificador "x".
3. el identificador "ifx".

En cambio, en el caso de los símbolos reservados, el tokenizador siempre consume el símbolo más largo que pueda consumir. Por ejemplo, si el lenguaje reconoce tanto el símbolo `+` como el símbolo `++`, es decir $\mathcal{S} = \{ "+", "++" \}$ entonces el archivo de entrada que repite cinco veces el carácter `+`:

```
+++++
```

consta de tres tokens:

1. el símbolo reservado "++".
2. el símbolo reservado "++".
3. el símbolo reservado "+".

Para conseguir este comportamiento se recomienda ordenar los símbolos reservados de mayor a menor longitud. El tokenizador comprueba, uno por uno, si hay un prefijo de la entrada que coincida con alguno de los símbolos reservados².

- **Espacios en blanco.** El tokenizador debe ignorar todos los espacios (`' '`), tabs (`'\t'`), retorno de carro (`'\r'`) y fin de línea (`'\n'`).
- **Comentarios.** El tokenizador acepta comentarios comenzados con `/*` es decir, una barra `/` seguida de un asterisco `*` y finalizan cuando se encuentra la primera ocurrencia de `*/` es decir un asterisco `*` seguido de una barra `/`. Notar que el tokenizador **no** reconoce comentarios anidados.
- **Notación para los símbolos terminales.** Escribimos:
 - `<identificador>` para el símbolo terminal que representa un identificador.
 - `<número>` para el símbolo terminal que representa una constante numérica.
 - `<cadena>` para el símbolo terminal que representa una constante de cadena.
 - `"..."` para los símbolos terminales que representan literales. Por ejemplo `"if"` representa la palabra clave `if` y `"++"` representa el símbolo reservado `++`.

2.1. Pseudocódigo para el tokenizador

```
function siguiente_token()  
  Saltear espacios y comentarios.  
  c := siguiente_caracter()  
  case c es un dígito:  
    valor := leer una secuencia de dígitos de la entrada  
    return new TokenNumérico(string_to_int(valor))
```

²La solución ideal es implementarlo con un autómata finito o un trie, pero no es necesario en el contexto de este TP.

```

case c es un caracter alfabético o guión bajo:
  valor := leer una secuencia de caracteres alfanuméricos de la entrada
  if valor es una palabra clave
    return new TokenLiteral(valor)
  else
    return new TokenIdentificador(valor)
  end
case c es una comilla:
  valor := leer caracteres de la entrada hasta la siguiente comilla
  return new TokenCadena(valor)
else:
  foreach símbolo reservado sym en orden decreciente de longitud
    if la entrada empieza con sym
      return new TokenLiteral(sym)
    end
  end
  throw "Error de sintaxis: caracter desconocido en la entrada"
end
end

```

3. Lectura de la gramática

3.1. Descripción informal del lenguaje Lleca

Una vez que esté programado el tokenizador, se debe programar un analizador sintáctico para reconocer la gramática escrita en el lenguaje Lleca.

OJO: no confundir este paso con el paso siguiente. En este paso únicamente se lee un archivo escrito en lenguaje Lleca y se construye una estructura de datos para representar internamente la gramática leída. Este paso **NO** es el parser genérico para analizar cualquier archivo fuente sino un parser específico para el lenguaje Lleca.

- Una **gramática** escrita en el lenguaje Lleca consta de una secuencia de 0 o más reglas.
- Cada **regla** está encabezada por un símbolo no terminal seguido de una lista de 0 o más producciones.
- Cada **producción** comienza con una barra vertical ("|"), seguida de la expansión (lado derecho de la producción) y seguida de una acción. La acción está dada por una flecha ("=>") y un término. El término representa el árbol que resulta de hacer el análisis sintáctico de dicha producción.
- Cada **expansión** es una lista de símbolos. Los símbolos pueden ser cadenas, identificadores, o cualquiera de las palabras clave "ID", "STRING" o "NUM".
- Un **término** es una expresión recursiva que se construye de alguna de las siguientes maneras:
 - La palabra clave "_" (guión bajo).
 - Un identificador sin argumentos, por ejemplo, Nil.
 - Un identificador acompañado de una lista de argumentos encerrados entre paréntesis y delimitados por comas, por ejemplo, f(a, b, c)
 - Una constante de cadena.
 - Una constante numérica.
 - Una referencia a un parámetro, por ejemplo \$3.
 - Una referencia a un parámetro seguida de un **único** argumento entre corchetes, por ejemplo \$3[f(a, b, c)].

El siguiente es un ejemplo sencillo de gramática:

alumnos.ll

```
base_de_alumnos
| "begin" lista_alumnos "end" => $2

lista_alumnos
|                                     => Nil
| alumno ";" lista_alumnos          => Cons($1, $3)

alumno
| "#" NUM ":@" STRING               => Alumno("nombre", $4, "legajo", $2)
```

3.2. Gramática del lenguaje Lleca

Las palabras clave del lenguaje lleca son:

_ ID STRING NUM

Los símbolos reservados del lenguaje lleca son:

| => \$ () , []

A continuación se dan todas las producciones de la gramática del lenguaje Lleca. El símbolo inicial es *⟨gramática⟩*.

⟨gramática⟩ → ϵ
| *⟨regla⟩* *⟨gramática⟩*

⟨regla⟩ → *⟨identificador⟩* *⟨producciones⟩*

⟨producciones⟩ → ϵ
| *⟨producción⟩* *⟨producciones⟩*

⟨producción⟩ → *"|"* *⟨expansión⟩* *"=>"* *⟨término⟩*

⟨expansión⟩ → ϵ
| *⟨símbolo⟩* *⟨expansión⟩*

⟨símbolo⟩ → *"ID"*
| *"STRING"*
| *"NUM"*
| *⟨cadena⟩*
| *⟨identificador⟩*

⟨término⟩ → *"_"*
| *⟨identificador⟩* *⟨argumentos⟩*
| *⟨cadena⟩*
| *⟨número⟩*
| *"\$"* *⟨número⟩* *⟨sustitución⟩*

⟨argumentos⟩ → ϵ
| *"("* *⟨lista_argumentos⟩* *"")*

⟨lista_argumentos⟩ → ϵ
| *⟨término⟩* *⟨lista_argumentos_cont⟩*

Entrada: Una gramática $G = (N, \Sigma, P, S)$.

Salida: El conjunto $\text{FIRST}(X)$ para cada símbolo $X \in N \cup \Sigma$.

$\mathcal{F} :=$ un diccionario $\{X \mapsto \emptyset \mid X \in N \cup \Sigma\}$

Poner $\mathcal{F}[a] := \{a\}$ para cada símbolo terminal $a \in \Sigma$.

repeat hasta que no haya cambios

foreach producción $(A \rightarrow X_1 \dots X_n) \in P$

for $i = 1$ to n

if X_1, \dots, X_{i-1} son todos símbolos anulables, es decir $\epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \dots \cap \mathcal{F}[X_{i-1}]$

$\mathcal{F}[A] := \mathcal{F}[A] \cup (\mathcal{F}[X_i] \setminus \{\epsilon\})$

end

end

if X_1, \dots, X_n son todos símbolos anulables, es decir $\epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \dots \cap \mathcal{F}[X_n]$

$\mathcal{F}[A] := \mathcal{F}[A] \cup \{\epsilon\}$

end

end

end

return \mathcal{F}

El conjunto de primeros se puede generalizar para una cadena $\alpha \in (N \cup \Sigma)^*$. Al igual que antes, $\text{FIRST}(\alpha) \subseteq \Sigma \cup \{\epsilon\}$, de tal modo que un símbolo terminal $a \in \Sigma$ está en el conjunto $\text{FIRST}(\alpha)$ si y sólo si $\alpha \Rightarrow^* a\beta$ para alguna cadena $\beta \in (N \cup \Sigma)^*$. El símbolo ϵ está en el conjunto $\text{FIRST}(\alpha)$ cuando la cadena α es anulable, es decir $\alpha \Rightarrow^* \epsilon$. Se recuerda el pseudocódigo para calcular el conjunto $\text{FIRST}(\alpha)$ para una cadena arbitraria $\alpha \in (\Sigma \cup N)^*$:

Entrada: Una gramática $G = (N, \Sigma, P, S)$ y una cadena $X_1 \dots X_n \in (N \cup \Sigma)^*$.

Salida: El conjunto $\text{FIRST}(\alpha)$.

Computar el diccionario \mathcal{F} que a cada símbolo $X \in N \cup \Sigma$ le asocia $\text{FIRST}(X)$.

$\mathcal{R} := \emptyset$

for $i = 1$ to n

if X_1, \dots, X_{i-1} son todos símbolos anulables, es decir $\epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \dots \cap \mathcal{F}[X_{i-1}]$

$\mathcal{R} := \mathcal{R} \cup (\mathcal{F}[X_i] \setminus \{\epsilon\})$

end

end

if X_1, \dots, X_n son todos símbolos anulables, es decir $\epsilon \in \mathcal{F}[X_1] \cap \dots \cap \mathcal{F}[X_n]$

$\mathcal{R} := \mathcal{R} \cup \{\epsilon\}$

end

return \mathcal{R}

4.2.2. Cálculo del conjunto FOLLOW

El segundo paso es calcular el conjunto de **siguientes** $\text{FOLLOW}(A)$ para cada símbolo no terminal $A \in N$. Recordar que el conjunto $\text{FOLLOW}(A)$ es un conjunto de símbolos terminales y posiblemente el símbolo $\$,$ es decir $\text{FOLLOW}(X) \subseteq \Sigma \cup \{\$\}$. Un símbolo terminal $b \in \Sigma$ está en el conjunto $\text{FOLLOW}(A)$ cuando $S \Rightarrow^* \gamma_1 A b \gamma_2$ para ciertas cadenas $\gamma_1, \gamma_2 \in (N \cup \Sigma)^*$, donde S es el símbolo inicial. El símbolo $\$$ está en el conjunto $\text{FOLLOW}(A)$ cuando $S \Rightarrow^* \gamma A$ para cierta cadena $\gamma \in (N \cup \Sigma)^*$. Se recuerda el pseudocódigo para calcular el conjunto $\text{FOLLOW}(A)$ para cada símbolo no terminal $A \in N$:

Entrada: Una gramática $G = (N, \Sigma, P, S)$.

Salida: El conjunto $\text{FOLLOW}(A)$ para cada símbolo no terminal $A \in N$.

$\mathcal{W} :=$ un diccionario $\{X \mapsto \emptyset \mid X \in N \cup \Sigma\}$

$\mathcal{W}[S] := \{\$\}$

foreach producción y símbolo no terminal $A \rightarrow \alpha B \beta$

$\mathcal{W}[B] := \mathcal{W}[B] \cup (\text{FIRST}(\beta) \setminus \{\epsilon\})$

end

while hay algún cambio

foreach producción y símbolo no terminal $A \rightarrow \alpha B \beta$

 tal que β es anulable, es decir $\epsilon \in \text{FIRST}(\beta)$

$\mathcal{W}[B] := \mathcal{W}[B] \cup \mathcal{W}[A]$

end


```

end
return W

```

4.2.3. Cálculo de la tabla LL(1)

La tabla de análisis sintáctico LL(1) indica, dado un símbolo no terminal $A \in N$ y el siguiente símbolo terminal $b \in \Sigma$, cuál es la producción que debe aplicar el algoritmo.

Entrada: Una gramática $G = (N, \Sigma, P, S)$.

Salida: La tabla de análisis sintáctico LL(1) para G .

Poner $\mathcal{T}[A, b] := \emptyset$ para todo $(A, b) \in N \times \Sigma$.

```

foreach producción (A → α) ∈ P
  foreach símbolo terminal x ∈ (FIRST(α) \ {ε})
    T[A, x] := T[A, x] ∪ {A → α}
  end
  if α es anulable, es decir ε ∈ FIRST(α)
    foreach símbolo x ∈ FOLLOW(A)
      T[A, x] := T[A, x] ∪ {A → α}
    end
  end
end
return T

```

Recordar que, si a alguna entrada le corresponden dos producciones distintas, hay un conflicto en la tabla, de tal manera que la gramática no es LL(1) y no puede aplicarse este método de análisis sintáctico. En este caso Lleca debería reportar la presencia de un conflicto en la gramática.

4.3. Análisis sintáctico

Este paso requiere que se hayan calculado el conjunto de palabras clave \mathcal{K} y símbolos reservados \mathcal{S} de la gramática, y que se hayan calculado los conjuntos de símbolos anulables, primeros y siguientes. El primer paso para analizar sintácticamente el archivo fuente es tokenizarlo con los conjuntos \mathcal{K} y \mathcal{S} ya calculados. A continuación se ejecuta el siguiente algoritmo recursivo analizar. Recibe como parámetro un símbolo terminal o no terminal $X \in N \cup \Sigma$. De manera recursiva devuelve un árbol (más precisamente un **término**), ejecutando las acciones tal como las especifica la gramática.

function analizar(X)

Entrada: Un símbolo terminal o no terminal $X \in N \cup \Sigma$.

Salida: El AST que resulta de consumir el prefijo de la entrada que corresponde al símbolo X . Eleva un error de sintaxis en caso de que la entrada no está en el lenguaje.

```

if X es un símbolo terminal
  b := siguiente_token() // consumir un token
  if b ≠ X
    throw "Error de sintaxis: se esperaba leer X pero se encontró b."
  end
  return un árbol que consta únicamente de la hoja X, con su valor asociado.
else
  b := espiar_siguiente_token() // mirar un token sin consumirlo
  if T[X, b] == ∅
    throw "Error de sintaxis: se esperaba leer X pero se encontró b."
  end
  Sea (X → Y1...Yn) la única producción en el lugar T[X, b] de la tabla.
  args := []
  foreach i ∈ [1, ..., n]
    args.agregar(analizar(Yi))
  end
  return un árbol que resulta de aplicar la acción de la producción X → Y1...Yn

```

```

        con la lista de argumentos args.
    end
end

```

4.4. Acciones

El proceso de análisis sintáctico construye recursivamente un **término**. Los términos son árboles con la siguiente estructura (especificada usando un tipo de datos de Haskell):

```

data Termino = Agujero
             | Cadena String
             | Numero Int
             | Estructura String [Termino]

```

En la notación del lenguaje Lleca, el siguiente es un término posible:

```
foo(bar("hola", 123), baz(_))
```

que corresponde (en notación de Haskell) al siguiente valor:

```

Estructura "foo" [
  Estructura "bar" [
    Cadena "hola",
    Numero 123
  ],
  Estructura "baz" [
    Agujero
  ]
]

```

Se describe el significado de las acciones asociadas a cada producción:

- **Guión bajo (*_*):** construye un término *Agujero*.
- **Cadena *s*:** construye un término *Cadena s*.
"hola" \rightsquigarrow *Cadena "hola"*
- **Número *n*:** construye un término *Numero n*.
123 \rightsquigarrow *Numero 123*
- **Identificador *id* sin argumentos:** construye un término *Estructura id []*.
foo construye el árbol *Estructura "foo" []*
- **Identificador *id* con argumentos:** construye un término *Estructura id [...argumentos...]*.
foo(bar, baz) construye el árbol *Estructura "foo" [Estructura "bar" [], Estructura "baz" []]*
- **Parámetro $\$n$:** devuelve el *n*-ésimo argumento de la lista *argumentos* que resulta de la invocación recursiva del algoritmo *analizar*.
suma($\$1$, $\$3$) \rightsquigarrow *Estructura "suma" [rec1, rec3]*
donde *rec1* e *rec3* representan los valores de los símbolos *Y1* e *Y3* en la producción $X \rightarrow Y1 \dots Yn$.
- **Parámetro con sustitución, $\$n[X]$:** el *n*-ésimo argumento de la lista *argumentos* es un término que resulta de la invocación recursiva del algoritmo *analizar*. Cada vez que en dicho árbol haya una ocurrencia de *Agujero* se la debe reemplazar por el valor de *X*.

Por ejemplo, con la siguiente gramática:

```

cosa
|          =>  _
| NUM cosa =>  $2[suma(_, $1)]

```

La entrada 30 tiene como resultado:

```
suma(_, 30)
```

La entrada 20 30 tiene como resultado:

```
suma(suma(_, 20), 30)
```

Y la entrada 10 20 30 tiene como resultado:

```
suma(suma(suma(_, 10), 20), 30)
```

5. Pautas de entrega

Para entregar el TP se debe enviar el código fuente por e-mail a la casilla `foones@gmail.com` hasta las 23:59:59 del día estipulado para la entrega, incluyendo `[TP 1ds-est-parse]` en el asunto y el nombre de los integrantes del grupo en el cuerpo del e-mail. No es necesario hacer un informe sobre el TP, pero se espera que el código sea razonablemente legible. Se debe incluir un README indicando las dependencias y el mecanismo de ejecución recomendado para que el programa provea la funcionalidad pedida. Se recomienda probar el programa con el conjunto de tests provistos.