

Segundo parcial

NOTA: este parcial es a libro abierto. Se permite tener cualquier material manuscrito o impreso, pero no se permite el uso de dispositivos electrónicos. El parcial se califica con una nota numérica de 1 a 10. Se requiere ≥ 4 en ambos parciales para aprobar la materia. Para promocionar se requiere nota ≥ 6 en ambos parciales y promedio ≥ 7 .

Ejercicio 1. Dado el siguiente lenguaje:

```
data Program = While Id Program    -- repetición : while (x != 0) { C }
              | Seq Program Program -- secuencia  : C1; C2
              | Inc Id              -- incremento : x := x + 1
              | Dec Id              -- decremento : x := x - 1
              | Return Id           -- retornar  : return x
```

Escribir una función `exec :: Program -> Int` para ejecutar un programa y obtener un resultado numérico. Las variables empiezan inicializadas en 0. Si durante la ejecución del programa nunca se ejecuta un `return`, el resultado debe ser 0. Si se ejecuta un comando `return x`, la ejecución del programa finaliza y el resultado final es el valor de la variable `x`. Se pueden usar entornos (`Env Int`) para darle valores a las variables, suponiendo que la operación `lookupEnv` devuelve 0 en caso de que la variable no tenga un valor asociado.

Ejercicio 2. Dado el siguiente programa:

```
r := 1
for i = 1 to n {
  for j = 1 to r {
    r := r + i * j
  }
}
```

- Generar código de tres direcciones. Para facilitar la lectura, suponer que cada una de las variables (`n`, `i`, `j`, `r`) tiene asociado un registro con el mismo nombre. Además, se pueden utilizar otros registros (`t1`, `t2`, ...) si es necesario.
- Construir el grafo de flujo de control.

Ejercicio 3. Suponiendo que \oplus es un operador binario:

- Calcular el número de Ershov de $(a \oplus b) \oplus (c \oplus d)$.
- Calcular el número de Ershov de $a \oplus (b \oplus (c \oplus d))$.
- Proponer una optimización que podría hacer el compilador en este contexto, suponiendo que la operación \oplus es asociativa, es decir que $(a \oplus b) \oplus c = a \oplus (b \oplus c)$.

Ejercicio 4. Considerar el lenguaje con los siguientes términos y tipos:

$t ::= \star \mid \langle t, t \rangle \mid \text{left}(t) \mid \text{right}(t) \mid \text{const}(t) \mid \text{case}(t, t) \mid \text{uncurry}(t) \mid t @ t$ $A ::= 1 \mid A \times A \mid A + A \mid A \rightarrow A$

Los juicios de tipado son de la forma $t : A$ y están dados por las siguientes reglas:

| | | | |
|---|--|--|--|
| $\frac{}{\star : 1}$ T-UNIT | $\frac{t : A}{\text{const}(t) : 1 \rightarrow A}$ T-CONST | $\frac{t : A \quad s : B}{\langle t, s \rangle : A \times B}$ T-PAIR | $\frac{t : A \rightarrow (B \rightarrow C)}{\text{uncurry}(t) : (A \times B) \rightarrow C}$ T-UNCURRY |
| $\frac{t : A}{\text{left}(t) : A + B}$ T-SUM _L | $\frac{t : B}{\text{right}(t) : A + B}$ T-SUM _R | $\frac{t : A \rightarrow C \quad s : B \rightarrow C}{\text{case}(t, s) : (A + B) \rightarrow C}$ T-CASE | $\frac{t : A \rightarrow B \quad s : A}{t @ s : B}$ T-APP |

- Dar una derivación del juicio `uncurry(const(const(★))) @ <★, ★> : 1`.
- Dar una derivación del juicio `case(const(★), const(★)) @ left(★) : 1`.
- Proponer un término t apropiado para que se pueda derivar el siguiente juicio y exhibir una derivación:

$t : ((1 + 1) \times (1 + 1)) \rightarrow 1$

Justificar todas las respuestas.